

# 研究員 の眼

## 「スリッパの法則」って、 知っていますか

常務取締役 保険研究部 研究理事  
ヘルスケアリサーチセンター長 中村 亮一  
TEL: (03)3512-1777 E-mail: nryoichi@nli-research.co.jp

### はじめに

数学の世界には、なかなか面白いネーミングを有する用語があることについては、過去の研究員の眼でいくつか紹介してきた。

今回は、「スリッパの法則」及びそれに関連する話題について紹介したい。

### 投資の世界における「スリッパの法則」

「スリッパの法則」って言われて、ああ、あのことじゃないか、と思われる方々も少なからずいらっしゃるかもしれない。こうした方々は、おそらく「伝説のファンドマネジャー」と呼ばれるレオス・キャピタルワークス（「ひふみ投信」等で有名）代表取締役社長である藤野秀人氏の2004年の著書「スリッパの法則・プロの投資家が教える「伸びる会社・ダメな会社」の見分け方」を思い出されるのではないかと思われる。

この著書によれば、「スリッパに履きかえる会社に投資しても儲からない」ということだそうで、スリッパに履き替えることに表れる「会社と家と同じようなものとする悪しき家族主義」で、閉鎖的な会社となっていないか、という問題意識が背景にあるということのようだ。

### 数学の世界における「スリッパの法則」

ところが、今回紹介するのは、数学の世界における「スリッパの法則」である。

「スリッパの法則」は、本来的には「外角定理」と呼ばれているもので、「三角形において2つの内角の和は隣り合わない1つの外角と等しい」という定理である。これが「スリッパの法則」と呼ばれるのは、次ページの図で示されるようなその形状に基づいている。

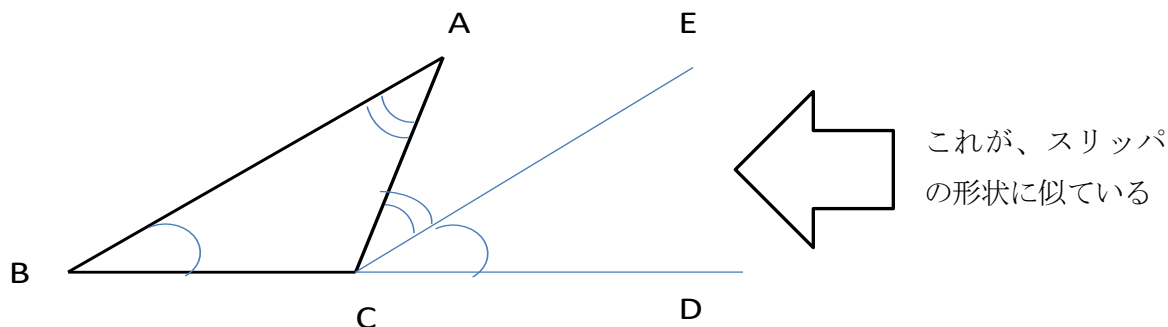
英語では「exterior angle theorem」と呼ばれるが、有名な「ユークリッド原論 (Euclid's Elements)」に基づけば、「三角形の外角は、それと隣り合わない内角のいずれよりも大きい」というものがこれに相当することになる。これに対して、これから紹介する「スリッパの法則」と呼ばれるものは、学校で学ぶより一般的なものである。両者を区別するために、前者は「弱い形 (weak form)」、後者は「強

い形 (Strong form)」と呼ばれることもあるようだ。前者の証明は、以下の「外角定理」の証明で使われる平行線公準 (parallel postulate) <sup>1</sup>によっていないため、より基本的な結果となっている。

## 「外角定理」の証明

「外角定理」の証明は、通常、以下のように説明されると思われる。

下記の図のような三角形 ABC を考える。



BC を延長した線 CD と AB と平行な線 EC を引くと、

$\angle ABC$  と  $\angle ECD$  は「同位角」となって等しいので、 $\angle ABC = \angle ECD$

$\angle BAC$  と  $\angle ACE$  は「錯角」となって等しいので、 $\angle BAC = \angle ACE$

従って、

$\angle ACD$  ( $\angle C$  の外角)  $= \angle ACE + \angle ECD = \angle ABC + \angle BAC$  ( $\angle A$  と  $\angle B$  の内角)

となって、「外角定理」が証明されることになる。

ここで、「同位角」とか「錯角」という概念が出てくるが、平行線の性質から、これらが等しくなるということについては直感的には理解できると思われるので、これ以上は説明しない。

なお、このことはまた、「三角形の内角の和は  $180^\circ$  に等しい」ということも示している。

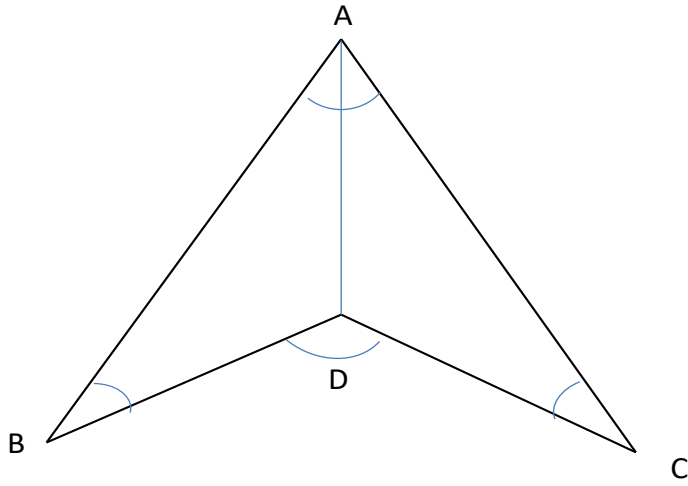
## 「外角定理」の応用

### ブーメラン型の図形

以下のようなブーメラン型の図形 ABDC では、「 $\angle A + \angle B + \angle C = \angle D$ 」となる。

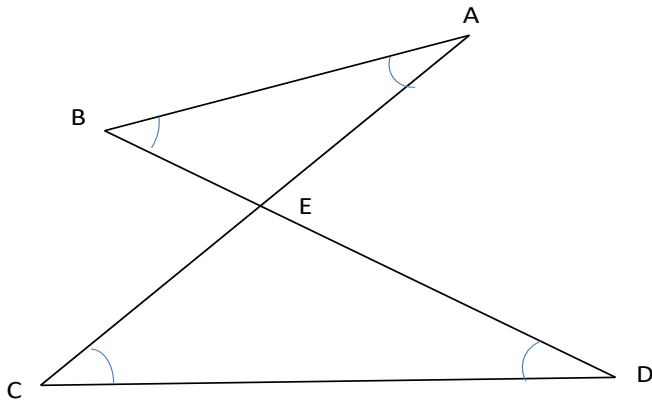
これは、AD の線を引いてみて、2つの三角形 ABD と ADC に分割し、2つの三角形に外角定理を適用すれば明らかである。

<sup>1</sup> 「ユークリッドの第5公準 (公理)」とも呼ばれるもので、「1つの直線が2つの直線に交わり、その一方の側の内角の和が2直角 (すなわち  $180^\circ$ ) より小さいならば、この2直線は限りなく延長されると、その2直角より小さい角のある側において交わる。」というものである。これを含めたユークリッドの公準が成立する幾何学が「ユークリッド幾何学」となる。



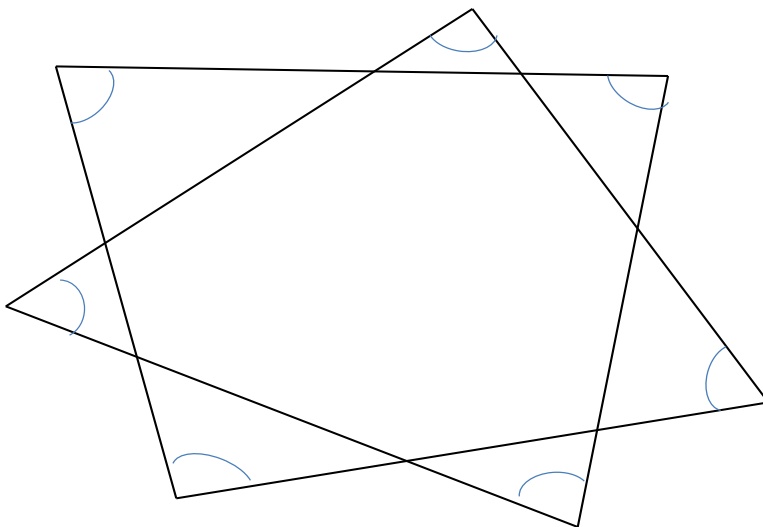
### リボン型の図形

以下のようなリボン型の図形 ABCD では、「 $\angle A + \angle B = \angle C + \angle D$ 」となる。  
 これも、三角形 ABE と三角形 ECD の外角定理を適用すれば明らかである。



### 星型の多角形

以下のような星型の図形の場合の印しを付けた角度の合計を考える。



この図形の場合、図形が示しているように、7つの三角形と1つの七角形に分割できる。

因みに  $n$  角形の内角の和は、ある1つの頂点をベースに  $(n-2)$  個の三角形に分割できることから、「 $180^\circ \times (n-2)$ 」となり、これから逆算すれば、 $n$  角形の外角の和は「 $360^\circ$ 」となる。

従って、

$$180^\circ \times 7 \text{ (7つの三角形の内角の和)} - 360^\circ \times 2 \text{ (2つの外角の和)} = 540^\circ$$

となる。

この図形の場合、中に七角形が形成されているので、このような結果となるが、同じように7つの星があるような場合でも、別の星型では異なる結果となる場合もある。

いずれにしても、このように元の図形を三角形等の構成要素に分割し、外角定理等が適用できる形にしていくことで、解答が得られていくことになる。

## まとめ

以上、今回は数学における「スリッパの法則（外角定理）」について紹介した。

最後は、中学校や高校の数学のおさらいのようになってしまったが、それでもあらためてこのようなことを知識として認識しておく、何かの時に役に立つかもしれない。また、これを機会に図形に興味・関心を持つようになっていただければ幸甚である。